

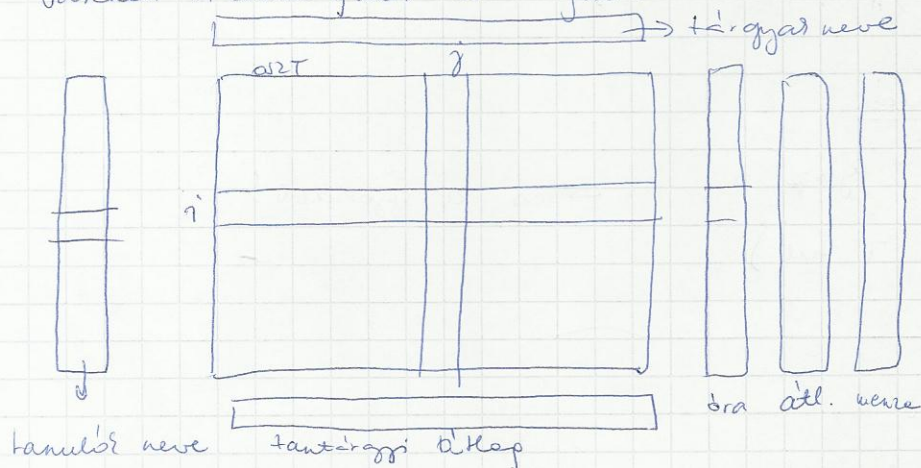
Ellor ujan értelme nézni, hogy ková mutat az  $i$ .

És a STRAZSÁS KERESÉS TÉTELE.

A str. kereset csak akkor lehet alkalmazni, ha a  
kelman lehetőséget biztosít, hogy kibővíthető.

A lin. keresés tárgya  $n$ , a str. keresés tárgya  $n+1$ .

Adva vannak a következők a ddgai.



ha felmentett,  $0$ -t is tárolhatunk.

A csoportok különbözősége

$j$ : átlag:  $F$ -dik tandíj átlagát tartalmazza

változó név: tömb  $[1..N]$  SZÖVEG;

tandíj: tömb  $[1..M]$  SZÖVEG;

ország: tömb  $[1..N, 1..M]$  egész;

TÁTLAG: TÖMB  $[1..M]$  valós;

ÁTL: tömb  $[1..N]$  egész;

ÁTL: tömb  $[1..N]$  valós;

M: TÖMB  $[1..N]$  logikai;

CIKLUS J := 1

S :=  $\emptyset$  ;

CIKLUS F := 1 .. M

S := S + OSZT [J, F]

C VÉGE ;

ÁTL [J] := S / M ;

C. VÉGE ;

Mat. meg azon tanulóléveket, akiknek ilyen az átlaguk!

TÍPUS

- NÉVTÍP = SZÖVEG [20] ;

jegy = tömb [1..M] egész

tanulótip = rekord  
↳ elemek : név

név : névtíp ;

jegy : tömb [1..N] egész ;

ora : egész ;

átlag : valós ;

m : logikai ;

2 végé

VALTOZÓ : OSZT: TÖMB [1..N] tanulótip ;

hivatkozás : OSZT [J]. név , OSZT [J]. JEGY [F].

↑  
átlag J jegy F.

1 oszr 3 értelmesen valószínű meg.



# 5. előadás

11.5.

Sorozat elemei rendezve vannak

$$\{a_n\}$$

hivatkozás  $a_i$   $i \in \mathbb{N}$

$$\forall i, j \in \mathbb{N} \quad i < j$$

$a_i \leq a_j$   $\rightarrow$  a sorozat növekvő sorrendbe van rendezve

megj: ha igaz  $\forall i$ -re és  $j$ -re  $\Rightarrow j = i + 1$

ha  $a_i \geq a_j$  akkor a sorozat

ha a sorozat rendezett, azaz ekkor mindig tudunk beszélni, mert a sorozat van rendezve

pl: -1, 2, -5, 9, 12, -15

rendezett sorozat, mert a sorozat abszolút értéke mindig rendezve van

1, 43, 25, 7  $\rightarrow$  rendezett sorozat  
 ①, ⑤, ⑦, ④

20-nal való osztási maradék mindig van rendezve

$$b_i = b(a_i)$$

$M(a_n)$



d-t észlel: vagy benne van a sorozatban, vagy nem.

$$a_i = d$$

$$\forall i < k \quad a_i \leq d$$

ha  $k$  az első előfordulása  $d$ -nek:  $a_i < d < a_k$

$\forall i > k \quad a_i \geq d$

Már ez azt: A sorost nem tartalmazza a  $d$ -t.

De megtalálhatjuk azt a pozíciót, ahol lenne  $d$ , de  
mivel ott, az utána következő előtt TUTIRA nem  
lesz ott, mert az nagyobb, mint a  $d$ .

algor.

$J := 1;$

CIKLUS MÍG  $(J \leq N) \wedge (A[J] < D)$

↓  
elgyógyul a sorozat elemei

↓  
• ha az új lép  $i$ , mert  $= \Rightarrow$  megvan a  $D$   
•  $A[J] > D \Rightarrow$  már  $D$ -nél nagyobb elemek vannak

$J := J + 1;$

CIKLUS VÉGE;

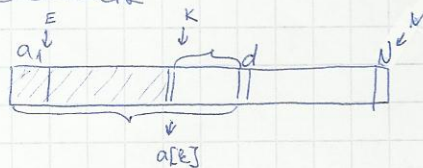
$B := (J \leq N) \wedge (A[J] = D)$

Ha  $B$  igaz  $\Rightarrow$  az  $\langle a_n \rangle$ -be  $\exists D$ , ha hamis  $\Rightarrow \nexists D$

az algo.  
Mivel jó, ha az  $\langle a_n \rangle$  rendezett és értéke szerint eszesül.

Ha olyan tulajdonság szerint kell esesni, ami szerint nem lehet rendezni (pl.: pozitív, negatív ... stb.), lineárisan kell esesni.

Keresés másépp: BINÁRIS (LOGARITMIKUS) KERESÉS



algor

Bevetünk egy  $E$  változót, amely megmutatja, hol van a résorozatok első eleme.  $V$ : melyik a résorozat



# 5. előadás

11.5.

Sorozat elemei rendezve vannak

$$\{a_n\} \quad a_n$$

lévatos  $a_i \quad i \in \mathbb{N}$

$$\forall i, j \in \mathbb{N} \quad i < j$$

$a_i \leq a_j \rightarrow$  a sorozat növekvő sorrendbe van rendezve

megj: ha igaz  $\forall i-k$  és  $j-k \Rightarrow j=i+1$

ha  $a_i \geq a_j$  akkor a sorozat

ha a sorozat rendezett, csak ekkor lehet tudni, hogy eszik, mert a sorozat van rendezve

pl: -1, 2, -5, 9, 12, -15

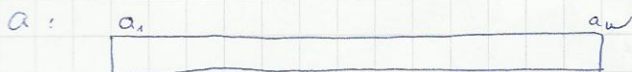
rendezett sorozat, mert a sorozat abszolút értéke szerint rendezve van

1, 43, 25, 7  $\rightarrow$  rendezett sorozat  
 ①, ③, ⑤, ⑦

20-nál valószínűtlen módon, szerint van rendezve

$$b_i = b(a_i)$$

$\{a_n\}$



d-t keresni: Vagy benne van a sorozatban, vagy nem.

$$a_i = d$$

$$\forall i < k \quad a_i \leq d$$

utolsó eleme

$$K := (E + V) \text{ DIV } 2$$

ha  $a_k > d$

$$V := K - 1$$

ha  $a_k < d \Rightarrow E := K + 1$



ha  $a_k = d \Rightarrow$  MEGTALÁLTUK a  $D$ -t.

akkor kapjuk abba a érteket, ha megtaláltuk, vagy  
tuhra nem találjuk meg.

Tfk:



$\Rightarrow$  előfordulhat, h. nemszűréses elemre mutatnak

ez azt jelenti, h.  $a_k > d \Rightarrow V := E - 1$ , így a  $V$  az  $E$

elő fog mutatni. Biztos, hogy  $D \notin \langle a_n \rangle$ -ben.

algor.

$$E := 1;$$

$$V := N;$$

$$K := (E + V) \text{ DIV } 2$$

CIKLUS AMIG  $D \neq A[K]$   $\wedge (E \neq V)$  ha  $D = A[K]$  megtaláltuk a  $D$ -t.

HA  $D < A[K]$  AKKOR  $V := K - 1$ ;  
HA  $D > A[K]$  AKKOR  $E := K + 1$ ;

új részsortat kijelölése

$$K := (E + V) \text{ DIV } 2;$$

CIKLUS VÉGE;

$$B := (D = A[K]);$$

$B$  értéke attól függ, h. megtaláltuk-e  $c$  az  $a[E]$ -pozícióban

a  $D$ -t.

legjobb esetben 1-et, legrosszabban mindet megvizsgálva



lineáris kereséssel a max-án mindigát elemet nézve az elem-  
száma, a lineáris kereséssel pedig  $2^x$  határozza. ( $\log_2 x$ )

## Rendezések:

Egy sorozat rendezett, ha  $\forall i, j$  esetén  $i < j \Rightarrow a_i \leq a_j$

Ha olyan elemet találunk, amire  $\uparrow$  nem igaz, a  
sorozat nem rendezett.



$J := 1$

$MINI := J,$

$\hookrightarrow$  Tehát az  $a_1$  értéke a mini.

CIKLUS  $J := 2 \dots N$

HA  $A[MINI] > A[J]$  AKKOR  $MINI := J;$

CIKLUS VÉGE;

\*

Itt végén a mini = a sorozat legkisebb elemének sorszáma

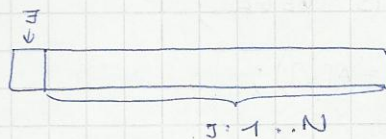
HA  $MINI \neq J$  AKKOR

$C := A[MINI];$

$A[MINI] := A[J];$

$A[J] := C;$

HA VÉGE;



CIKLUS  $J := 1 \dots N - 1$

\*

CIKLUS VÉGE

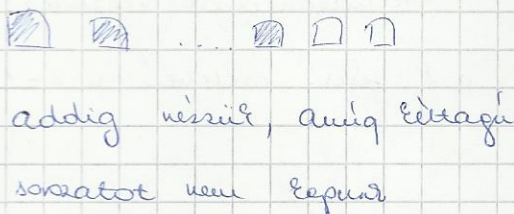
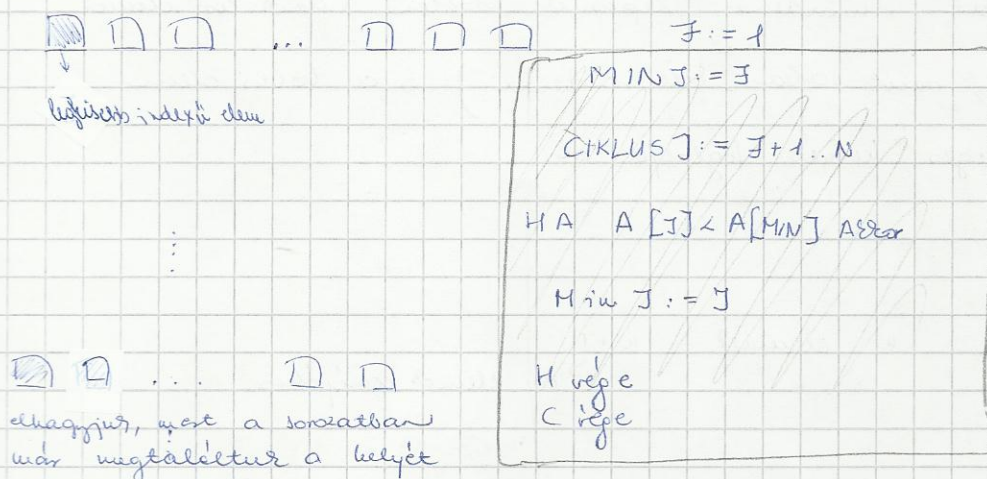


hatékonyság jellemzői: tárigény és a feltételi idő  
időigény

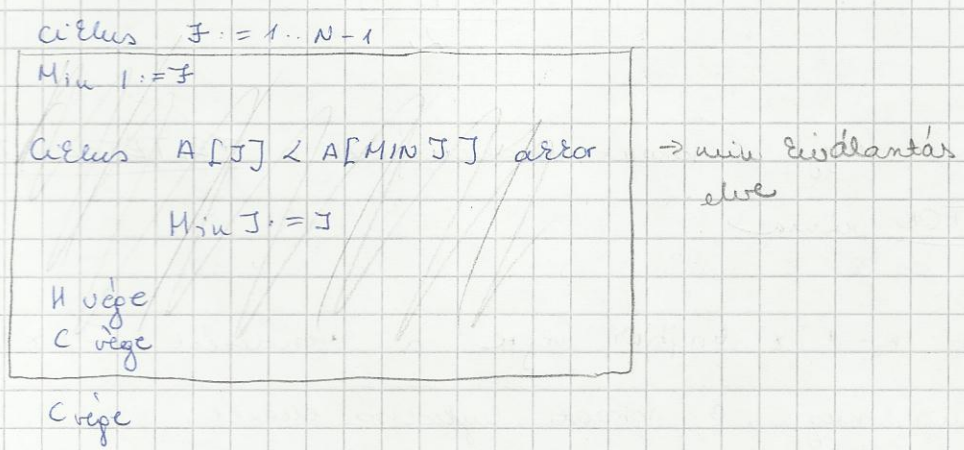
Rendezést csak akkor fontos az összehasonlítás és az ítéletadás.

### 6. előadás

11.12.



végrehajtási idő ... (vmi)  
a feltételesgátlós számszám csak azokat a feltételesgátlókat vesszük figyelembe, amik





Ha  $j \neq \text{MINI}$  akkor

$$c := A[\text{MINI}], A[\text{MINI}] := A[j];$$

$$A[j] := c;$$

H vége;

- az összehasonlítás évszámát igényes
- A sorozat minden lépésnél nő (azaz az elemet fogynak, amit soha kell rendezni)  $\rightarrow$  a többi elem a "végső" helyét foglalja el

Tárgy:

kefoglal  $n$  elemet  $n+1$   $\rightarrow$  az elem összehasonlítás

$N$  elemű sorozat esetében  $n-1$  összehasonlítást végzünk.

Első sorozat esetében  $n-1$ , a 2. sorozat esetében  $n-2$

összehasonlítást végzünk.

1	$N$	$N-1$
2	$N-1$	$N-2$
	$\vdots$	
$N-2$	3	2
$N-1$	2	1
		$\frac{N(N-1)}{2}$

Neu hűg a sorozat rendezettségétől a FELTÉTEL VIZSGÁLATOK róna

- Ha  $n-1$  x határ végre a rendezést,  $n-1$  x határ sorozat meg a sorozat legkisebb elemét.

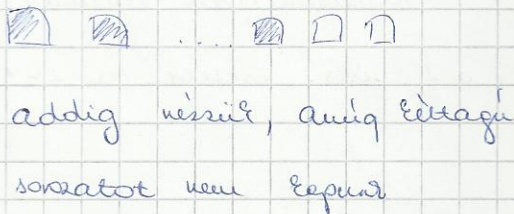
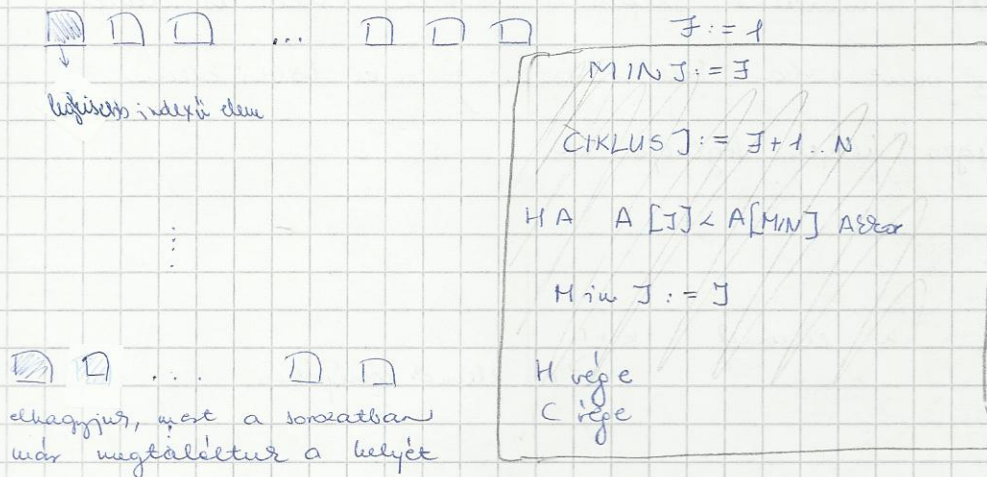


hatékonyság jellemzői: tárigény és a feltételi idő  
időigény

Rendezésnél ciklus futtatás az összehasonlítás és az ítéletadás.

### 6. előadás

11.12.



végrehajtási idő ... (vmi)

a feltételesgátlós számszám csak azokat a feltételesgátlókat vesszük figyelembe, amik

