

# Mesterséges intelligencia

## Tartalomjegyzék:

### 1. Bevezetés

- 1.1. A jegyzet megtekintéséhez ajánlott környezet
- 1.2. Információ a mesterséges intelligencia kurzusról
- 1.3. Röviden a mesterséges intelligenciáról

### 2. Problémareprezentációs technikák, megoldáskereső módszerek

#### 2.1. Állapottér-reprezentáció

- 2.1.1. Állapottér ✓
- 2.1.2. Szemléltetése ✓

#### 2.2. Állapottér-reprezentált problémák megoldását kereső módszerek

- I. 2.2.1. Nem módosítható megoldáskereső  
  - 2.2.1.1. Próba-hiba módszer
  - 2.2.1.2. Hegymászó módszer
- II. 2.2.2. Módosítható megoldáskereső  
  - 2.2.2.1. Backtrack (visszalépéses)  
    - 2.2.2.1.1. "alap" backtrack
    - 2.2.2.1.2. Kör kiküszöbölése
    - 2.2.2.1.3. Úthossz-korlát
    - 2.2.2.1.4. Optimális megoldás keresése
  - 2.2.2.2. Keresőgráffal megoldást keresők  
    - III. 2.2.2.2.1. Szélességi és mélységi kereső
    - IV. 2.2.2.2.2. Optimális kereső
    - V. 2.2.2.2.3. Best-first kereső
    - VI. 2.2.2.2.4. A-algoritmusok  
      - 2.2.2.2.4.1. "alap" A-algoritmus
      - 2.2.2.2.4.2. A\*-algoritmus
      - 2.2.2.2.4.3. Monoton A-algoritmus
      - 2.2.2.2.4. B-algoritmus

#### 2.3. Probléma-redukciós reprezentáció

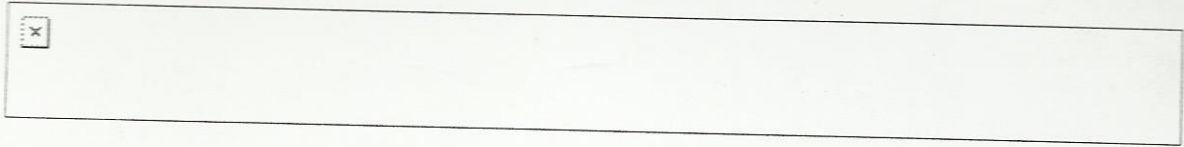
- 2.3.1. Probléma-redukció
- 2.3.2. Szemléltetése

#### VII. 2.4. Probléma-redukcióval leírt feladatok megoldását kereső módszerek

- 2.4.1. Backtrack (visszalépéses)
- 2.4.2. Keresőgráffal megoldást keresők  
  - 2.4.2.1. AO algoritmus

### 3. Kétszemélyes, teljes információjú játékok

- 3.1. A játékok osztályozása
- 3.2. A játékok reprezentációja és a reprezentáció szemléltetése
- 3.3. A stratégia
- VIII. 3.4. Adott állásban a következő lépés kiválasztásának módszerei  
  - 3.4.1. Mini-max módszer
  - 3.4.2. Nega-max módszer
  - 3.4.3. Alfa-béta vágás



Előadó: Dr. Várterész Magdolna

### 1.3. Röviden a mesterséges intelligenciáról

A mesterséges intelligencia kutatások célja olyan feladatok számítógépes megoldása, amelyeket nem tudunk képlettel megoldani. Ezen feladatok megoldásában az ember az intelligenciáját használja.

1956 - konferencia. Itt fogalmazzák meg a célokat, itt nevezik el mesterséges intelligenciának (AI - artificial intelligence).

Néhány, a mesterséges intelligenciában használt **alapvető technikák és eszközök**:

- mesterséges intelligencia nyelvek (LISP, Prolog (3. félév))
- probléma reprezentáció (ezen félév anyaga)
- ismeret reprezentáció (logikai ismeret reprezentáció (2. félév))
- megoldáskereső technikák (ezen félév)
- következtetési technikák

#### Fogalmak:

**heurisztika:** a heurisztika egy olyan trükk, módszer, ami a nagyméretű reprezentációs gráfot oly módon csökkenti, hogy reményünk van a megoldás megtalálására.



[Vissza a lap tetejére](#)

# Mesterséges intelligencia 1

Előadó: Dr. Várterész Magdolna

## 2. Problémareprezentációs technikák, megoldáskereső módszerek

A problémát ahhoz, hogy kezelni tudjuk, valamilyen módon meg kell adni, le kell írni. Milyen problémákkal fogunk foglalkozni? Olyanokkal, amelyek megoldásához nincs ismert megoldó-algoritmus, képlet. Tapasztalat, tudás segítségével oldjuk meg a problémát.

Ezen problémák számítógépes megoldásához keresünk algoritmusokat.

Első feladatunk a probléma leírása, reprezentálása. Háromféle reprezentációs eszköz:

1. Állapottér-reprezentáció
2. Probléma-redukció
3. Logikai alapú (elsőrendű nyelvvel)

### 2.1. Állapottér-reprezentáció

#### 2.1.1. Állapottér

Legyen adott egy  $p$  probléma. A probléma állapottér-reprezentációjának elkészítéséhez meg kell vizsgálni, hogy melyek  $p$  világában azok a tulajdonságok, jellemzők, amelyek fontosak számunkra. Tegyük fel, hogy  $n \geq 1$  ilyen jellemzőt találtunk. Minden egyes jellemző  $p$  világot különböző értékekkel jellemzi (pl.: életkor: 20; szín: fekete; stb.). Ha a világ  $n$  különböző jellemzőjét rendre a  $h_1, \dots, h_n$  értékek jellemzik, akkor azt mondjuk, hogy a  $(h_1, \dots, h_n)$  érték  $n$ -essel azonosított állapotban van  $p$  világa.

Jelölje az  $i$ . jellemző által felvehető értékek halmazát  $H_i$  ( $i = 1, \dots, n$ ). Ekkor  $p$  világának állapotai elemei a  $H_1 \times \dots \times H_n$  halmaznak. Az állapotok halmazát állapottérnek nevezzük, és  $A$ -val jelöljük.

$A \subseteq H_1 \times \dots \times H_n$       Lehet, hogy a világunkban a jellemzőkhöz tartozó bizonyos értékek egyszerre nem léphetnek fel, tehát az állapottér az érték-halmazok Descartes-szorzatának csupán valamely részhalmaza.

**Kényszerfeltétel:** az a feltétel, ami az állapotot kijelöli az érték-halmazok Descartes-szorzatából  
jelölése:  $kf(a)$ , mely igaz, ha  $a$  állapot, egyébként hamis

$$A = \{ a \mid a \in H_1 \times \dots \times H_n \text{ és } kf(a) \}$$

**Problémafelvetés:**

1. Az állapottér mely állapotában vagyunk kezdetben: *kezdőállapot*. Ez is egy érték  $n$ -es, s kitüntetett szerepe van.  
 $k \in A$
2. cél, hova akarunk eljutni.  $c \in C \subseteq A$  *célállapotok halmaza*  
a feladat általában: a kezdőállapotból jussunk el a megfelelő célállapotba

Megadása kétféleképpen történhet:

1. *explicit módon, felsorolással*. Egy- vagy többféle állapot is lehet. Több állapot esetén ez nehézkes lehet. Ilyenkor:
  2. *implicit módon, célfeltételek megadásával*:  $C = \{ a \mid a \in A, cf(a) \}$
3. Ahhoz, hogy eljussunk a célállapotba: meg kell változtatni az állapotot.

$o \in O$        $o: A \rightarrow A$   
állapottérből állapotterbe képező függvény. Az állapot megváltoztatásáért felelős.  
 $o$ : operátor  
 $O$ : operátorok halmaza

Természetesen nem minden operátor alkalmazható minden esetben. Meg kell adni a pontos értelmezési tartományt: *operátor-alkalmazási előfeltételek*. (minden egyes operátorhoz hozzátartoznak)

$\text{dom}(o) = \{ a \mid a \in A, ef_o(a) \}$  , ahol  $ef_o(a)$  azon előfeltétel, mely megmondja, hogy az adott állapoton értelmezhető-e a kérdéses operátor  
 $ef_o(a)$  esetén  $o(a) = a' \in A$

**Definíció:** A  $p$  problémát leírtuk állapotter-reprezentációval, ha megadtuk a  $p = \langle A, k, C, O \rangle$  négyest, ahol

- $A$ : a probléma állapottere, ezt meg kell adni
- $k$ : kitüntetett kezdőállapot
- $O$ : a probléma operátorainak halmaza, minden egyes operátornál előfeltételek
- $C$ : a probléma célállapotainak halmaza

$p = \langle A, k, C, O \rangle$  ilyenkor megadtuk a  $p$  probléma állapotter-reprezentációját  
Több reprezentáció is megadható ugyanarra a feladatra.

**Mit jelent ennek az implementálása?**

1. egyrészt meg kell adni az értékhalmozokba tartozó értékek típusát  
kényszerfeltételek: az értékhalmozból mely értékek valódi állapotok

Boolean függvények: a formális paraméterben vár egy érték  $n$ -est, s egy logikai értéket ad

vissza (igaz v. hamis)

2. kezdőállapot. Állapot típusú konstans
3. célállapotok. Megadása történhet:
  - a. célfeltételekkel: boolean, kap egy állapotot, s visszaad egy logikai értéket
  - b. konstansokkal
4. operátorok: függvények, eljárások. Kap egy állapotot, s egy új állapotot állít elő.

Minden egyes operátorhoz tartozik egy előfeltétel is (boolean típusú függvény).

Kezdőállapotból mikor, melyik operátor alkalmazásával tudunk eljutni a célállapotba?

Az  $a \in A$  -ból az  $a' \in A$  közvetlenül elérhető, ha van olyan  $o \in O$ :  $ef_o(a)$  és  $o(a) = a'$

Az  $a \in A$  -ból az  $a' \in A$  elérhető, ha van olyan  $a_1, \dots, a_n \in A$  (állapotsorozat), hogy  $a = a_1$ ,  $a' = a_n$  és  $a_i$ -ből  $a_{i+1}$  közvetlenül elérhető.

( $a$  a kezdőállapot,  $a'$  a célállapot,  $i=1, \dots, n-1$ ).

Ilyenkor van egy operátorsorozat, ami ezt az elérést lehetővé teszi:  $o_1, o_2, \dots, o_{n-1}$

Egy állapotér-reprezentált probléma *megoldható*, ha a kezdőállapotból elérhető valamelyik célállapot.

Mi a *megoldása*? Az az operátorsorozat, amely ezt az elérést lehetővé tette. (De lehet több megoldása is függetlenül attól, hogy hány célállapot van).

A feladat lehet egy vagy több megoldás előállítására. Célunk: minősítés alapján jó megoldás keresése, azaz a megoldások között különbséget teszünk, pl.: költség.

Költség: az operátorok alkalmazása költségbe kerülhet.

(egy operátor használata egy állapotra  $\rightarrow$  ennek van költsége)

ez lehet mindig azonos, vagy függhet attól, hogy melyik állapotra alkalmazzuk

$r(o,a) \geq \delta > 0$  (pozitív alsó korlátja van, aminél a költség nem lehet kisebb)

$r(o,a)$  -ban  $o$  az operátor,  $a$  pedig, hogy milyen állapotban alkalmazható

Ha  $r(o,a) \square 1$ , akkor ez az alkalmazott operátorok számát fogja jelölni

Az operátoroknál meg kell adni az operátorok költségét (függvénnyel, eljárással megadható).

Mi a megoldás költsége?

Az operátorsorozat operátorainak költségösszege:

$$\sum_{i=1}^{n-1} r(a_i, a_i)$$

A különböző megoldásokat így össze lehet hasonlítani!  
Optimális költség: (olcsó), legolcsóbb megoldás keresése.

Feladat: megoldást kell előállítani. Nem tudom megmondani, hogy mikor melyik operátort alkalmazzuk. A megoldást keresni kell.

### Példák

- 8-as játék
- Hanoi tornyai
- Építőköcka játék
- Utazó ügynök probléma

### 2.1.2. Szemléltetése

Legyen a  $p$  probléma az  $\langle A, k, C, O \rangle$  állapotér-reprezentációval megadva. Szemléltessük egy gráffal ezt a probléma-leírást a következőképpen: az állapotér állapotait csúcsokkal szemléltetjük, különböző állapotokat különböző csúcsokkal.

A kitüntetett állapotokat, mint a kezdő- és célállapotokat a csúcsok között is kitüntetjük, a kezdőállapotot szemléltető csúcsot startcsúcsnak, a célállapotokat szemléltető csúcsokat terminális csúcsoknak nevezzük.



Minden  $a \in A$  -t szemléltető  $n$  csúcsból irányított élt húzunk az  $a' \in A$  -t szemléltető  $n'$  csúcsba, ha  $a$ -ból közvetlenül elérhető  $a'$ .

Így egy  $\langle N, s, T, E \rangle$  gráfot kapunk, ahol

- N a csúcsok halmaza
- s a start csúcs
- T a terminális csúcsok halmaza
- E az élek halmaza

Ezt a gráfot a  $p$  probléma  $\langle A, k, C, O \rangle$  állapotér-reprezentációjához tartozó állapotér-gráfjának vagy reprezentációs gráfjának nevezzük.

### Fogalmak:

irányított utak:

Pontosan akkor vezet az állapotérgráfban az  $n$  csúcsból az  $n'$  csúcsba irányított út, ha az  $n$  által szemléltetett állapotból az  $n'$  által szemléltetett állapot elérhető.

megoldható:

van a start csúcsból valamelyik terminálisba vezető irányított út

megoldás:

pontosan ez (  $\uparrow$  ) az irányított út szemlélteti a megoldást

költség:

$r(o, a)$  Az irányított élekhez rendelhetők költségek, hiszen azok az operátorok alkalmazását szemléltetik

irányított út költsége: a benne szereplő élek költségösszege

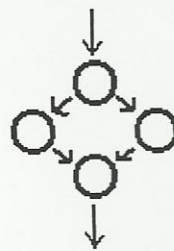
$$r(n, n') \geq \delta > 0$$

Egy probléma megoldásának keresése: a probléma-reprezentációs gráfban fogunk utat keresni a start csúcsból a terminálisba

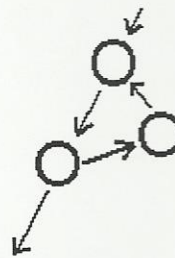
Egy gráfban annál könnyebb keresni, minél egyszerűbb annak a felépítése, ill. minél kisebb. Ez többféleképpen is elérhető:

1. csúcsok számának csökkentése  
(állapotok számának csökkentése)
  2. egy (1) csúcsból kiinduló élek számának csökkentése  
(operátorok ügyes, alkalmas megválasztása)
  3. fává egyenesítés
- } állapotér-reprezentációval van kapcsolatban

A reprezentációs gráfban lehet hurok:

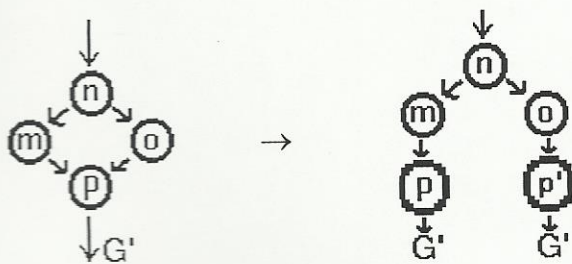


illetve kör:



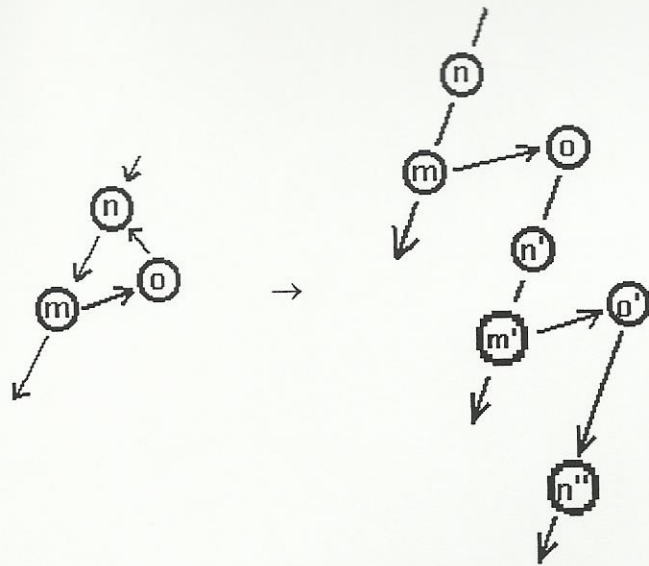
ezeket kell kiegyenesíteni!

Hurok kiegyenesítése:



Ugyanazt az állapotot két különböző csúccsal reprezentáljuk! Gond: nő a fa terjedelme!

Kör kiegyenesítése:

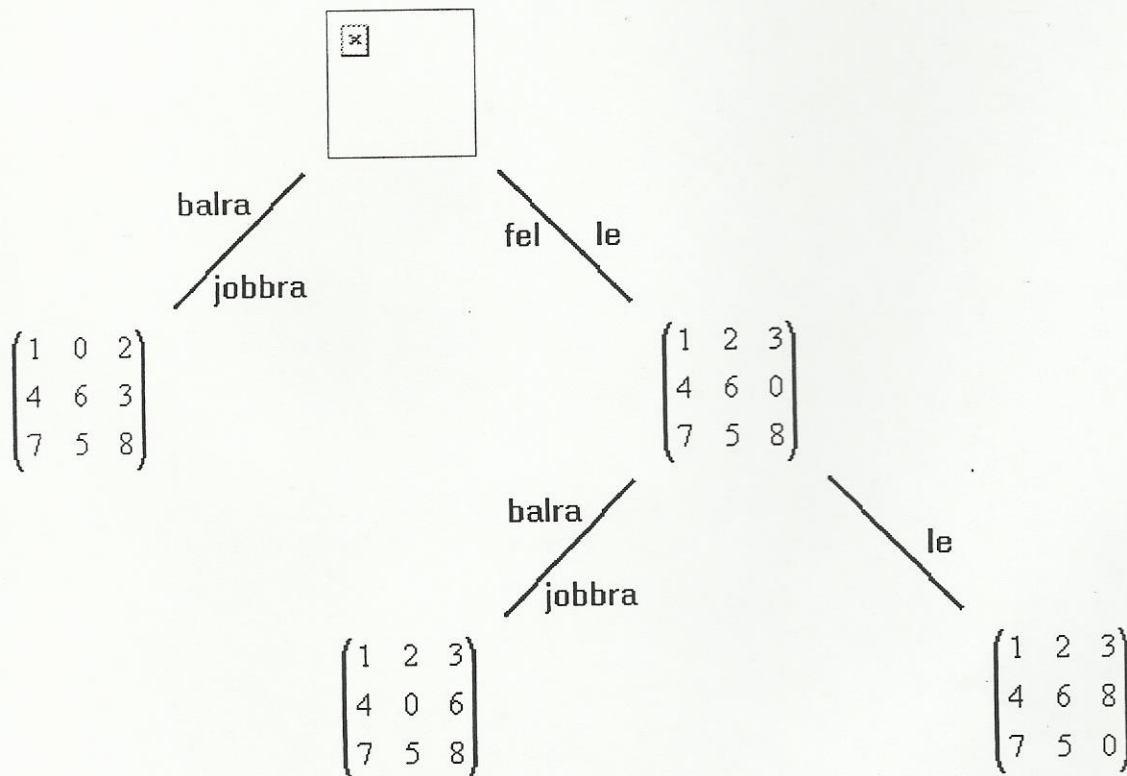


Gond: a kör kiegyenesítése végtelen szerkezettel jár együtt. Mérlegelni kell, hogy a fává egyenesítés megéri-e.

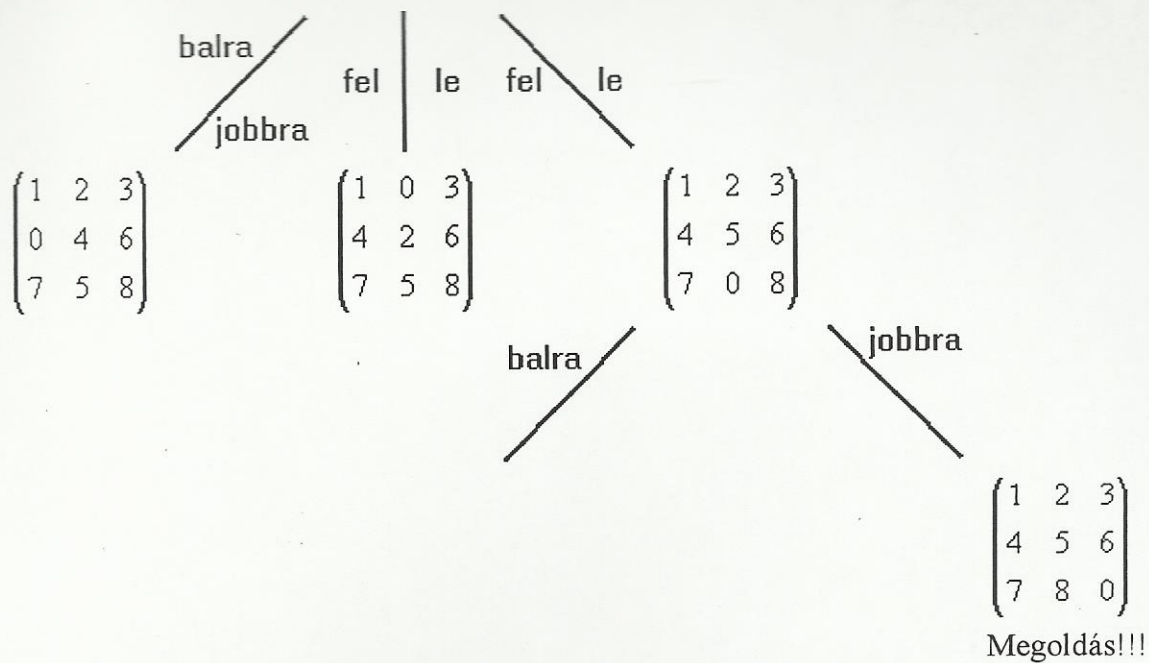
**Példák (néhány probléma gráfrepresentációja):**

**1.) 8-as játék:**

Minden él mellett van egy párhuzamos visszairányuló él. Ilyenkor használhatunk egy irányítás nélküli élet is.

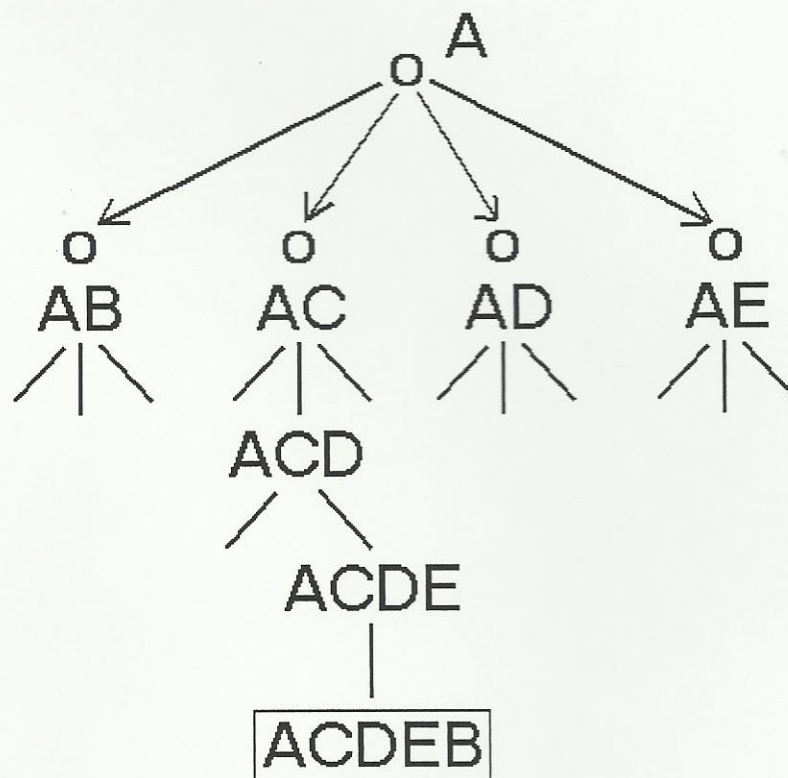




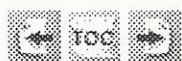


Ez egy olyan probléma, ahol a fává egyenesítéssel érdemes élni.

2.) Utazó ügynök probléma



Ez egy fa-gráf, s minden egyes útjának végén (a levél) terminális csúcs. Az utak közül az optimálisat kellene kiválasztani.



[Vissza a lap tetejére](#)